

[www.engclubs.net](http://www.engclubs.net)

a site for all **Engineers**

فصل اول

دلبر عزیز

۲۸

شماره ۱۳۶

شماره ۴۳

۱۹۱۲۵

R.S. photo

فوتوگرامتری: فناوری لب اطلاعات قابل اعتماد از اشیا در محیط از طریق ثبت و اندازه گیری و تفسیر امواج الکترومغناطیسی

بدون تماس مستقیم با شیء

infrared  
radio wave  
thermal wave

امواج الکترومغناطیسی قابل استفاده در فوتوگرامتری

عکس فروسرخ  
راداری  
تصویری  
حرارتی

metric (geometric)

اطلاعات لب شده از لب عکس

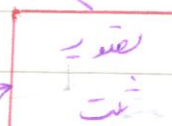
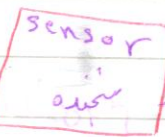
pictorial (radiometric)

تفسیر درجه‌های خالصی و تطبیق و مقایسه  
تشخیص شیء در آن

صیقل نامرئی  
صیقل مرئی

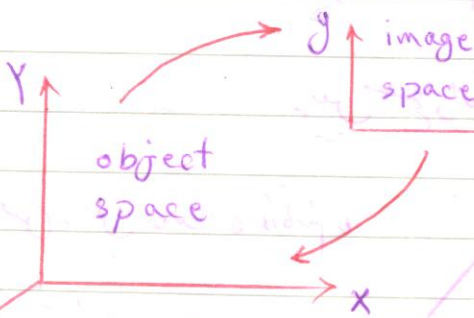
\* انبساط  
\* انعکاس  
radiation  
reflection

object reconstruction



چرخه‌های فوتوگرامتری  
زنجیره‌های فوتوگرامتری  
photogrammetric chain

scanner  
Pushbrium



فوتوگرامتری در واقع تبدیل از فضای شیء به فضای تصویر

و از فضای تصویر به فضای شیء است



سنگه جایی که دیدن را روی آن قرار می دهیم در عکس می گیریم

← فوتوگرامتری را از کلمه *plattonum* می توانیم به چند گروه تقسیم کنیم:

I  $l < 200m$  فوتوگرامتری نزدیک *close-range photogrammetry*

الف) کاربرد صنعتی، فوتوگرامتری صنعتی *industrial photogrammetry*

که در واقع مقایسه بین *as-built* می باشد و در بعضی مواقع به *as-designed*

برق خلاصی گفته، *vision metrology* گفته می شود.

الف: کاربردهای این دوربین ها

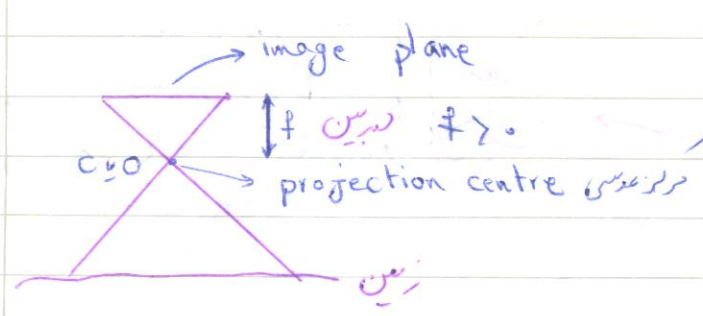
*medical photogrammetry* ب) در پزشکی بدن انسان

II  $200m < l < 150000m$  *aerial photogrammetry* فوتوگرامتری هوایی

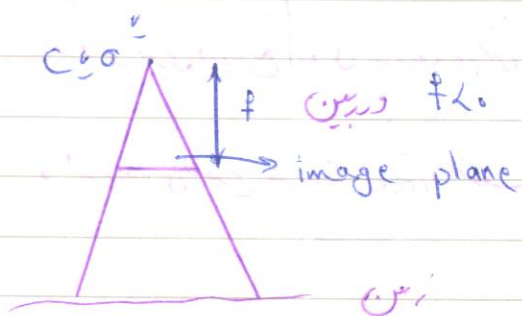
عکس برداری به وسیله دوربین های کوچک است، در بزرگی معمول  $1m < l < 200m$

III  $250km < l < 40000km$  *space photogrammetry* فوتوگرامتری فضایی

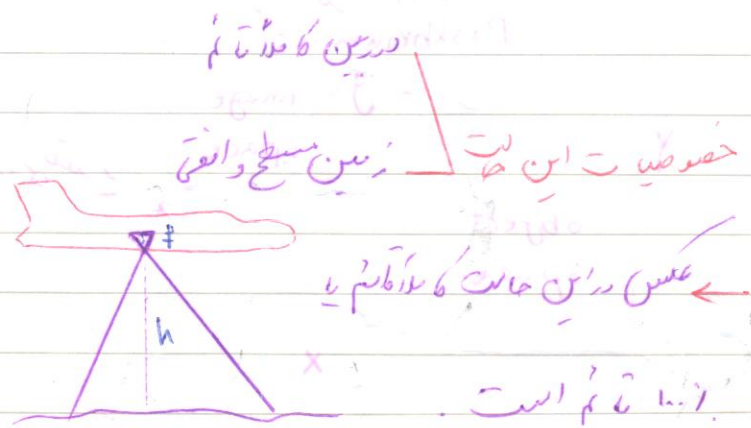
بررسی ساده ترین حالت



به جای دیدن دوربین، این مدل را در دوربین می بینیم



s.a.m



دوربین کا مدار نام  
خصوصیات این حالت  
زمین مسطح و افقی

عکس در این حالت کا مدار نام

لازمه نام است

$$\lambda = \frac{H}{f}$$

$$L_1 = \lambda l_1$$

$$L_2 = \lambda l_2$$

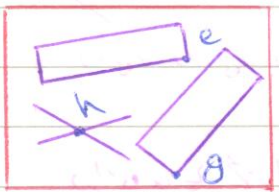
$$\vdots$$

$L_i$  طول روی زمین ،  $l_i$  طول در عکس

← **مورد استیسی:** محوری است بر سه صفحه‌ی عمودی مگنود است.

بررسی حالت معبری

در این حالت خودمان به دیدار واقع پرداز حساب کنیم و گنج رفت آن پایش است.

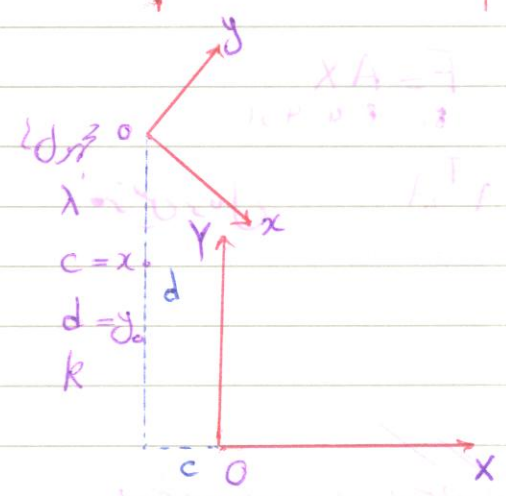


روش: استفاده از نقاط کنترل زمینی: ground control points: E, G, H

نقاط کنترل زمینی: نقاطی که مختصات زمینی ایشان معلوم است و مختصات آنها در

اختیاری زمینی (m)		اختیاری عکس (mm)	
$X_E$	$Y_E$	$x_e$	$y_e$
$X_G$	$Y_G$	$x_g$	$y_g$
$X_H$	$Y_H$	$x_h$	$y_h$

عکس نیز اندازه گیری می شود.



$$\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \lambda \begin{pmatrix} G_0 k & -\sin k \\ \sin k & G_0 k \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \end{pmatrix}$$

2 d conformal transformation

تغییر شکل (ایزومتریک)

← جراتی در نقطه برای یافتن جهولات کافی است.

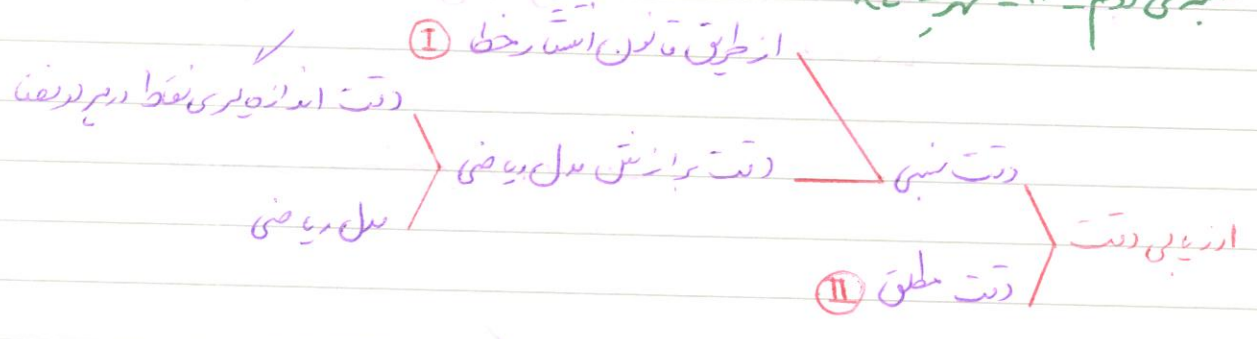
$$a = \lambda G_0 k, \quad b = \lambda \sin k$$

$$\begin{pmatrix} X_E \\ Y_E \\ X_G \\ Y_G \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_e & -y_e & 1 & 0 \\ y_e & x_e & 0 & 1 \\ x_g & -y_g & 1 & 0 \\ y_g & x_g & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{pmatrix}$$

$$\lambda = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$k = \tan^{-1}(b/a)$$

### حصه بی نهم - ۱۰ - هر - ۱۴



I در واقع از غیر اصل گرفتن است

II دقتی که بررسی نقاط چند پویت (check point) به دست می آید

در این مقاله محمول و مثلاً ۳ معادله داریم. به دنبال روش مناسب برای حل مسئله می گردیم. در واقع برای این مسئله

۳ ازنه جبرانی دیگر نخواهد داشت. باید با سعی می کنیم جبرانی و اگر از همه نزدیک تر است را می بینیم. به خاطر این که

تقریبی است و بردار خطای خواهیم داشت به residual معروف است

$$\begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \\ \vdots \\ x_4 \\ y_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_1 & -y_1 & 1 & 0 \\ y_1 & x_1 & 0 & 1 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ x_4 & -y_4 & 1 & 0 \\ y_4 & x_4 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{pmatrix}$$

$F = AX$   
 $A^T A$

$F$                        $A$                        $X$  بردار مجهولات

در تئوری خطا ثابت می شود که اگر مسئله به طریق ذیل حل شود، مجموع درجهات می نهم می شود:

$$F = AX \Rightarrow A^T F = A^T A X \Rightarrow X = (A^T A)^{-1} A^T F$$

حال اگر بزرگترین دقتی که مجهولات به دست می آید  $x_1$  را می بینیم در آنجا  $x_1$  تا  $x_4$  و  $y_1$  تا  $y_4$  می توان



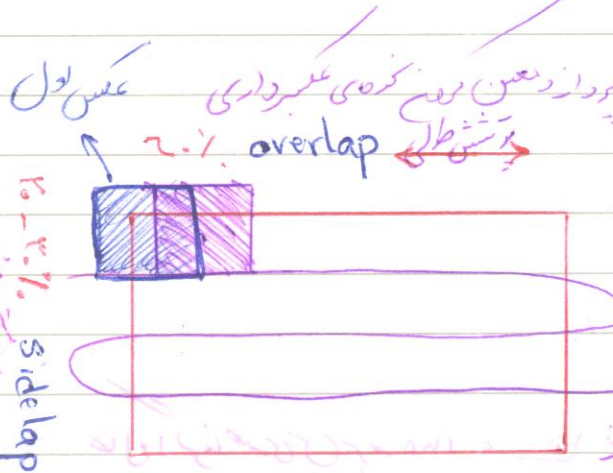
$$\begin{pmatrix} \sqrt{x_1} \\ \sqrt{y_1} \\ \vdots \\ \sqrt{x_2} \\ \sqrt{y_2} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \\ \vdots \\ x_2 \\ y_2 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} x'_1 \\ y'_1 \\ \vdots \\ x'_2 \\ y'_2 \end{pmatrix}$$

بردار residual را به این صورت به صورتی زیر:

← به یک بردار درین residual می توانیم کنیم

حصه سوم - ۱۷ - مهر - ۸۶

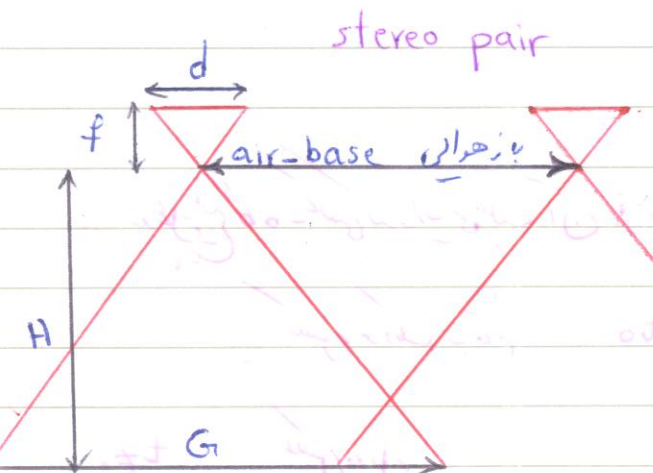
از یک منطقه ی نزدیک می خواهیم نقشه برداری کنیم مثلاً ۱.۱۵ km



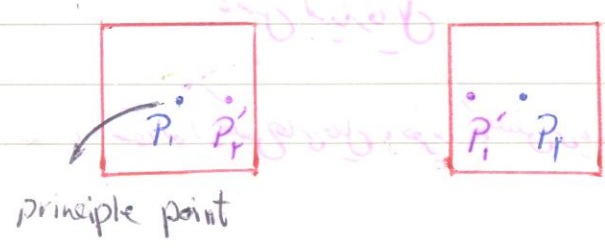
۱- برداری نقشه ای از محل مقیاس:  $\frac{1}{50000}$  ، برای این مقیاس تصویر برداری عرضی عکس برداری عکس اول

۲- کفا درستی: هر نقطه باید در دو عکس دیده شود.

۳- استفاذه از رابطه  $S = \frac{f}{H-h}$  ، می توانیم ارتفاع پرواز



۴-  $P_1, P_1' = P_2, P_2'$  : عکس برداری photo-base



$$\frac{f}{H} = S \rightarrow d \times S = G$$

پوشش طولی  $P_E = \frac{G - B}{G} \times 100 \rightarrow$  air-base

پوشش عرضی  $P_S = \frac{G - W}{G} \times 100 \rightarrow$  run در عمق برداری

مثال: بازتابی یک stereo pair برابر است  $m \times m$  است. اگر ارتفاع بردار بر پایه لایه زمین عمق برداری

$f = 102.6 \text{ mm}$  باشد، مقدار پوشش طولی چقدر است؟ (این برعکس  $23 \times 23$  است.)

$$S = \frac{f}{H_{avg}} = \frac{102.6}{2220 \times 1000} = \frac{1}{17100} \Rightarrow$$

$$G = \text{ground coverage} = 23 \times 17100 = 378.0 \text{ m}$$

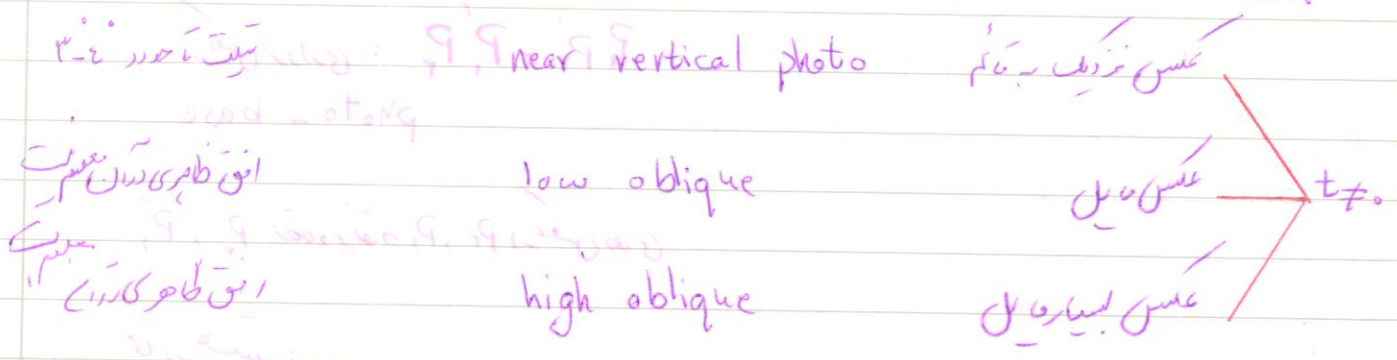
$$\Rightarrow P_E = \frac{G - B}{G} = \frac{378.0 - 140.0}{378.0} \times 100 = 63\%$$

حال اگر فاصله بین run  $2500$  متر باشد، پوشش عرضی را محاسبه کنید:

$$P_S = \frac{G - W}{G} = \frac{378.0 - 2500}{378.0} = -5.22 \Rightarrow 32\%$$

دو حالت دیگر

\* در عمل هیچگاه به هم نمی رسد و در واقع به هم نمی رسد.



\* استفاده از عکس های مایل، هزینه کاهش می دهد، ولی دقت کار نیز پایین تر است.

s.a.m



\* در عکس با این رابطه نیز صدق نمی کنند:  

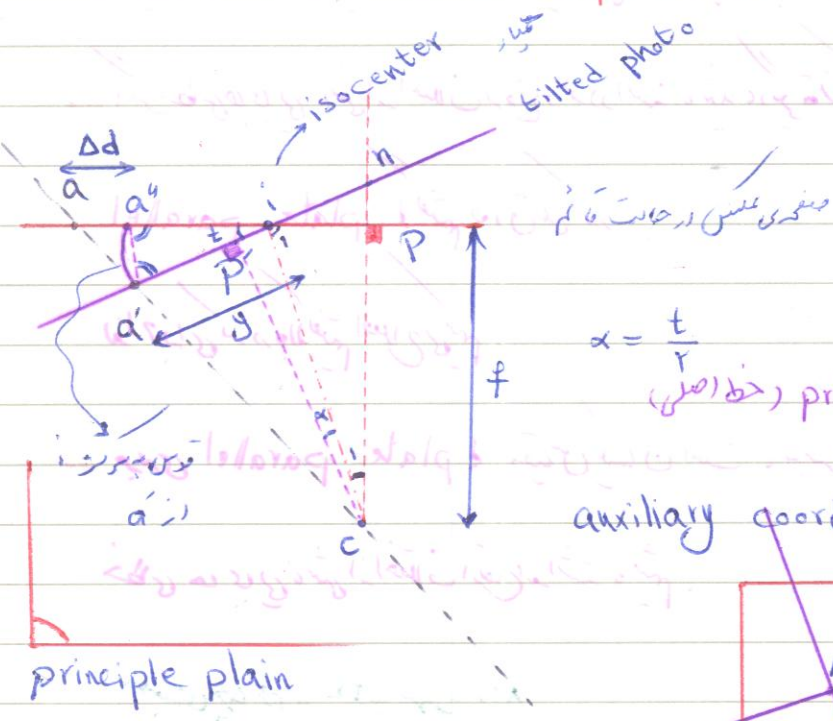
$$\begin{cases} x_A = \lambda \cdot x_{a'} \\ y_A = \lambda y_{a'} \end{cases}$$

زیرا برای هر نقطه متفاوت است.

**tilt displacement**

خطی که جایابی ناشی از تیلت روی بردار است.

\* روی خطی همواره:  $s = \frac{f}{H}$

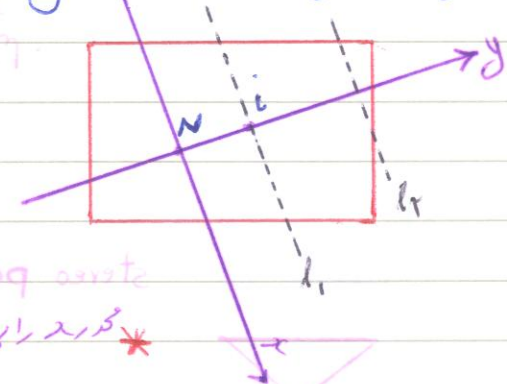


عکس در حالت قائم

$x = \frac{t}{r}$

P: خط برین تیلت principle line (خط اصلی)

سیستم مختصات کلی auxiliary coordinate system



\* محورهای برین تیلت در این تصویر همگرا

$ia'' = ia'$   
 $\hat{a}'' = \hat{a}' = \frac{\pi}{4} - \frac{t}{r} \Rightarrow a'a'' \parallel ic$

isometric parallel: l, خط برین تیلت

\* خطی بردارهای جایابی نسبت به شعاعی هستند

$\Delta a'a' \simeq \Delta a'ic \Rightarrow \frac{aa''}{ai} = \frac{a'a''}{ic}$

\* مقیاس بر روی isometric parallel مساوی

$ic = \frac{f}{\cos t/r}$ ,  $ai = y + \Delta d$ ,  $a'a'' = ry \sin t/r$

مقیاس در عکس قائم است.  $t=0$

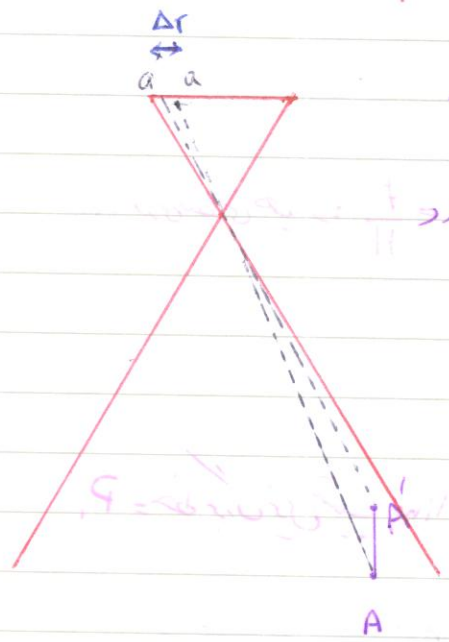
$\frac{\Delta d}{y + \Delta d} = \frac{ry \sin t/r}{f / \cos t/r} \Rightarrow \Delta d = \frac{y' \sin t}{f - y \sin t}$

\* خصوصیت plate parallel (پلاک) این است که t برای آن مقدار ثابتی است و تغییر نمی کند.

یعنی در این صفحات شبیه جود دارند، لذا مقیاس بوی plate parallel نقطه یا عدد است

### relief displacement

خطای جانبی ناشی از اختلاف ارتفاع



\* این خطا به خاطر این است که در دوربین از سبده می پورده کتور استفاده می شود.

\* اگر خطای جانبی ناشی از اختلاف ارتفاع وجود داشته باشد، دیگر توانی به درورد

plate parallel و نقشه صدق نمی کند.

لذا جدای که در بالا نقشه اصلاح می کنیم:

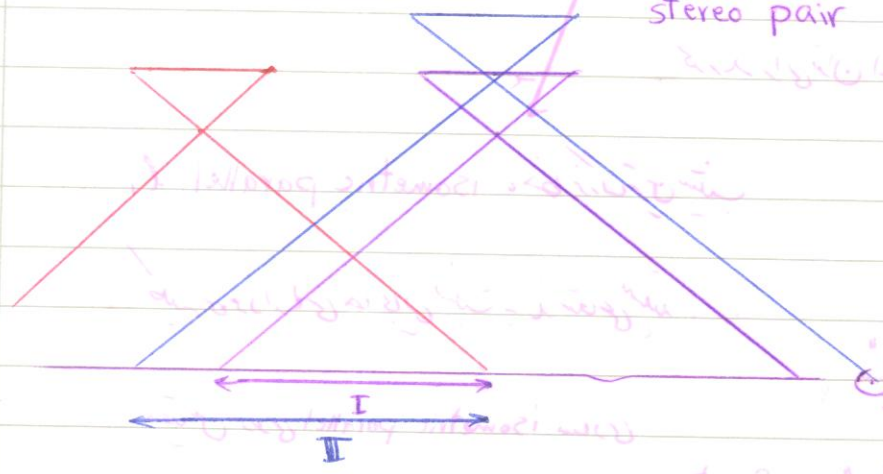
← بردی plate parallel و مقیاس یکسان است، به شرطی که

خطای جانبی ناشی از اختلاف ارتفاع نداشته باشیم.

جنبه‌ی چهارم - ۲۴ - مهر - ۸۶

عوامل مؤثر در تغییر پوشش طولی یک stereo pair

I تغییر ارتفاع پرواز



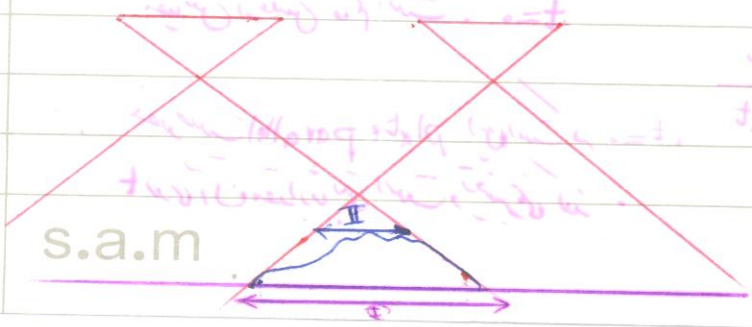
$$f \cdot \frac{H}{H_1} = \frac{B}{B_1} \Rightarrow \frac{H}{H_1} = \frac{B}{B_1} \cdot \frac{f}{f} = \frac{B}{B_1}$$

$$\frac{H}{H_1} = \frac{B}{B_1} \Rightarrow \frac{H}{H_1} = \frac{B}{B_1} \cdot \frac{f}{f} = \frac{B}{B_1}$$

$$\frac{H}{H_1} = \frac{B}{B_1} \Rightarrow \frac{H}{H_1} = \frac{B}{B_1} \cdot \frac{f}{f} = \frac{B}{B_1}$$

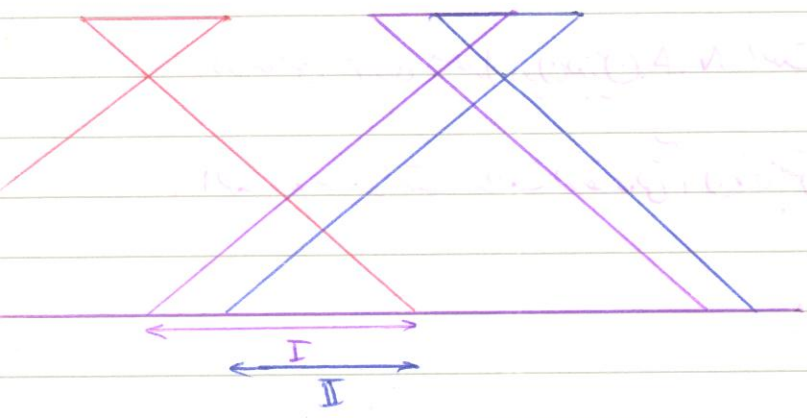
II تغییر ارتفاع سطح زمین

$$\frac{H}{H_1} = \frac{B}{B_1} \Rightarrow \frac{H}{H_1} = \frac{B}{B_1} \cdot \frac{f}{f} = \frac{B}{B_1}$$

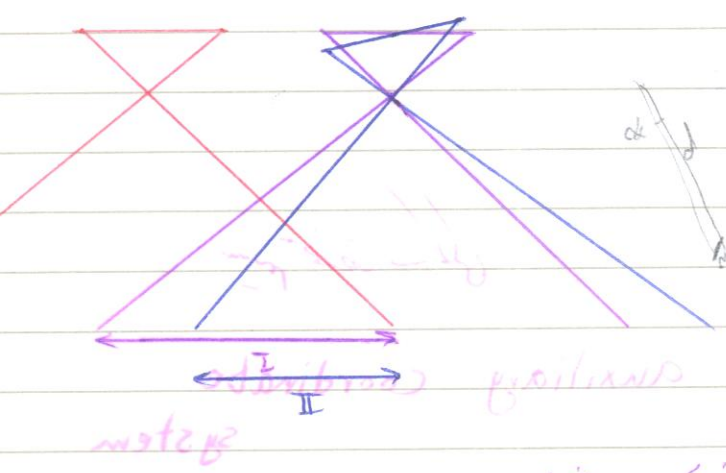
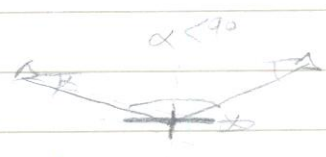


s.a.m

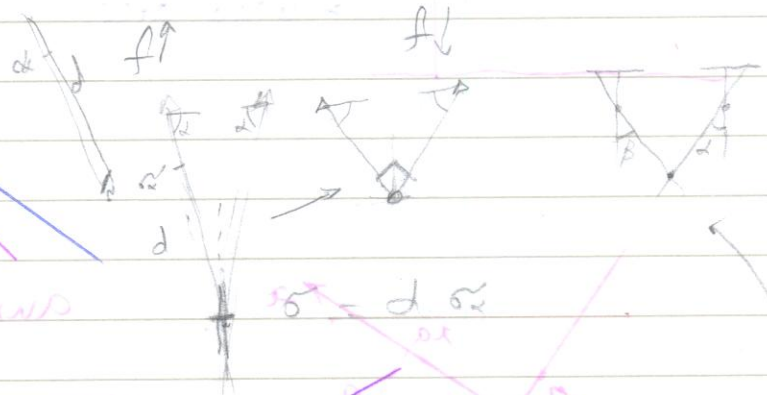




III زمان به شدن شاتر دوربین



IV دوران دوربین در لحظاتی غیرداری



V در دوربین چه فرود عوامل داخلی محسوب می شوند



FOV = field of view

این زاویه توسط قطر فریم حساب می شود

منقری از دوربین

$$S = \frac{f}{I}$$

N.A.  $f = 40 \text{ mm}$

Normal Angel

W.A.  $f = 10 \text{ mm}$

Wide Angel

S.W.A.  $f = 8 \text{ mm}$

Super Wide Angel

انواع دوربین

مستطیل ترین دوربین W.A. است بهرچه زاویه FOV اش بیشتر است

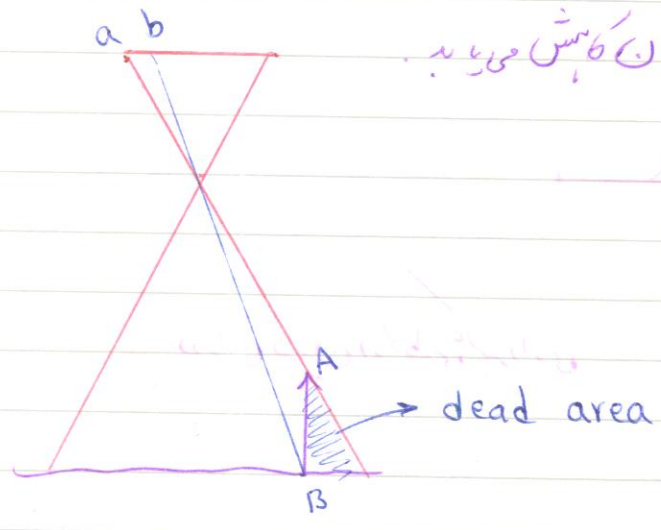
دقتی که در ثبت ارقام عالی بیشتری لازم باشد از S.W.A استفاده می شود.

$$s.a.m = \frac{b}{f} = \frac{b}{f} \cdot \frac{f}{I} = \frac{b}{I}$$



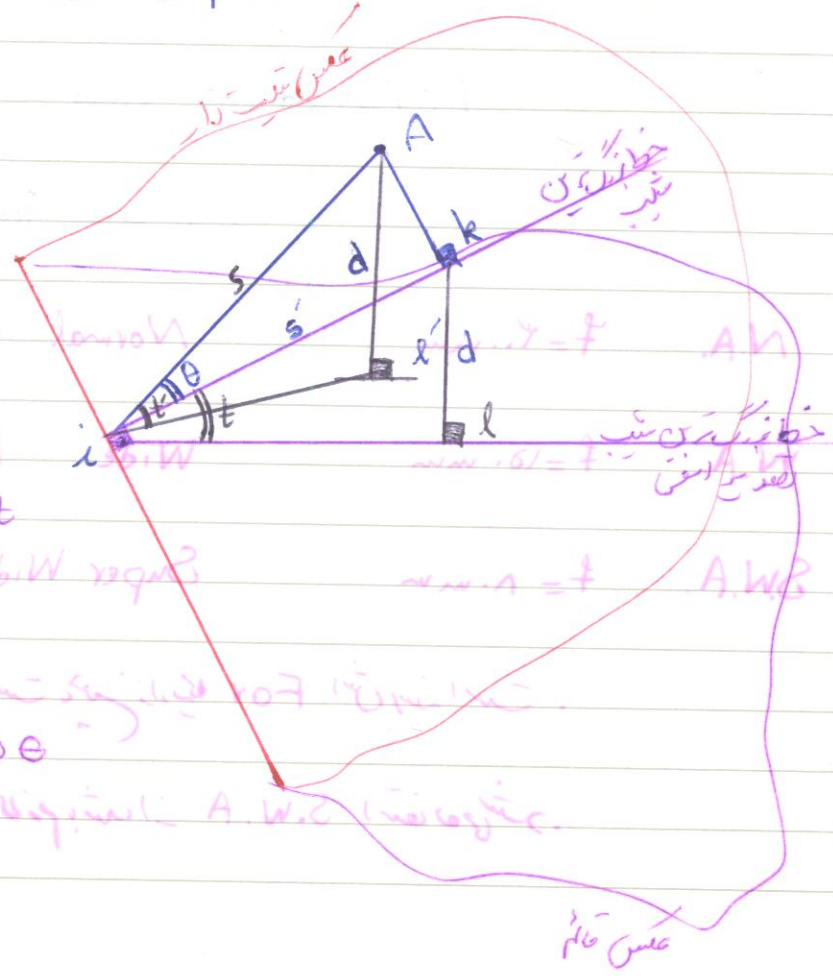
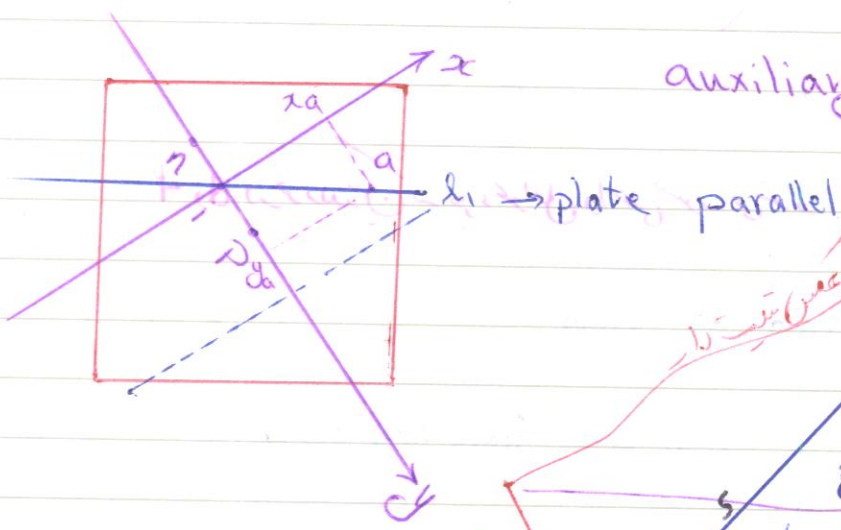
در مناطق شهری محمل ترین بدین N.A است. زیرا خطی dead area آن کم است.

البته باید توجه داشت بر وقت ارتفاعاتی آن کاهش می یابد.



سیستم مختصات کلی

auxiliary coordinate system



محور مختصات  
 $l_{ik} = t, l_{iA} = t' \quad t' < t$

$$\sin t = \frac{d}{s}, \quad \cos \theta = \frac{s}{s'}$$

$$\sin t' = \frac{d}{s'} = \frac{d}{s} \cos \theta = \sin t \cos \theta$$

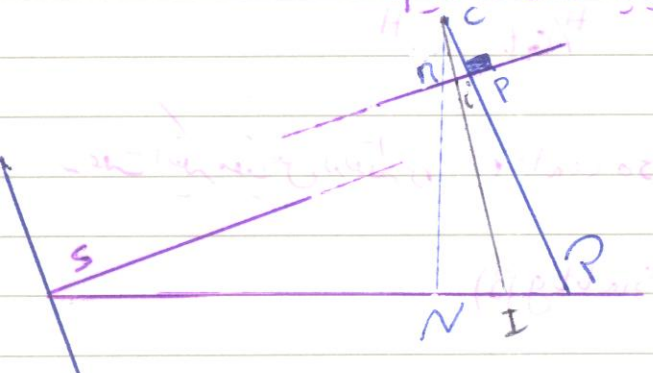
$$\Rightarrow \Delta d = \frac{y' \sin t \cos \theta}{s.a.m \quad t - y' \sin t \cos \theta}$$

محور مختصات

بر این رابطه همان رابطه ی قبل است نه به این تفاوت که به جای  $\sin t$  و  $\sin t'$  قرار می دهیم که برابر است

است  $\sin t' = \sin t \cos \theta$  (این رابطه وقتی استفاده می شود که از نقطه  $\Delta$  در خط  $IS$  و خط  $IS'$  (در خط  $IS$ )

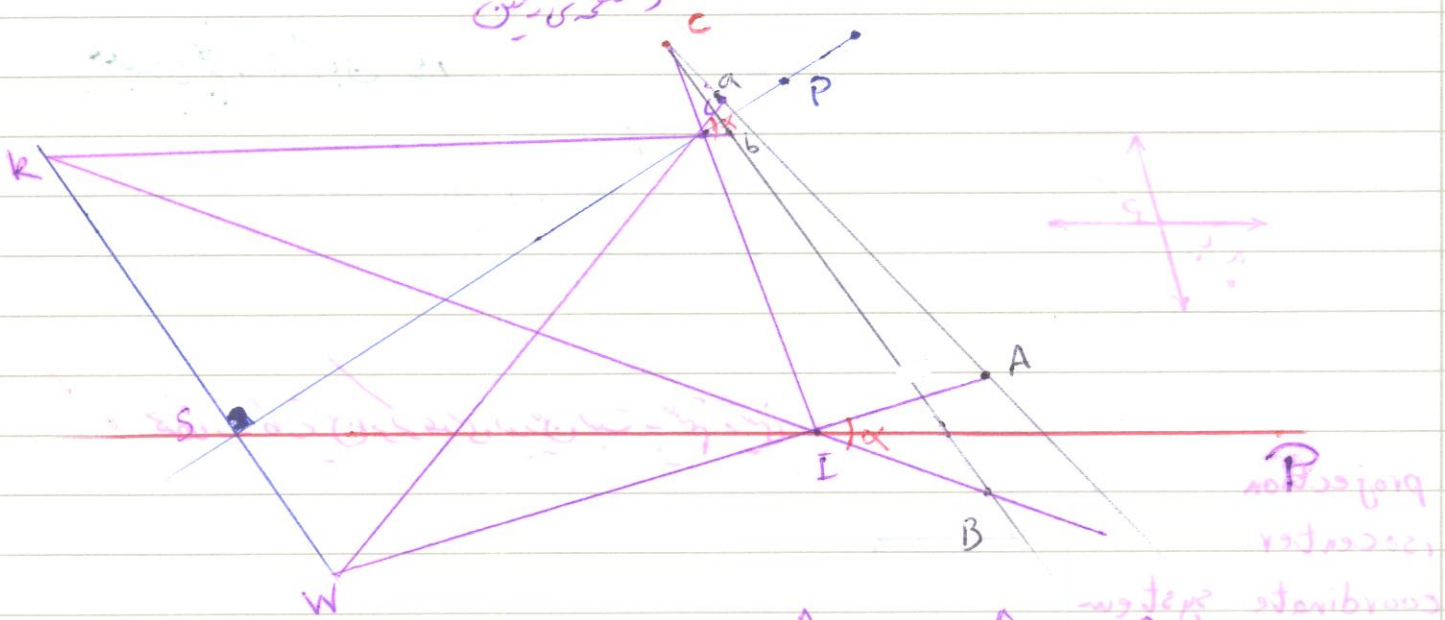
حال در مورد  $\Delta$  و  $\theta$  جهت بردار  $\Delta d$  می بینیم. ببینیم که این به چه خطی منتهی می شود و رابطه ی بین  $\Delta$  و  $\theta$  چیست.



$IS = IS'$  بر این اساس ثابت می شود

perspective axis  
محور سنجش

خط  $IS$  منتهی می شود  
در صفحه ی زمین

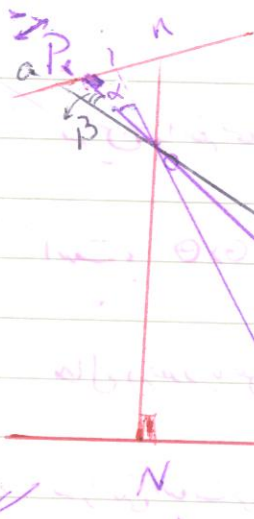


$\tan \hat{pia} = \tan \hat{wis} = \frac{ws}{is} = \frac{ws}{IS} = \tan \hat{SFW} \Rightarrow \hat{SFW} = \hat{PIA}$

$\Rightarrow \hat{pia} = \hat{PIA}$

$\hat{PIA} + \hat{PIB} = \hat{pia} + \hat{pib} \Rightarrow \hat{AIB} = \hat{aib}$

یعنی نقطه ی  $A$  را می بینیم در این  $\Delta$  و  $\theta$  به این  $\Delta$  منتهی می شود.



$$S_{ii} = \frac{I_0}{I_0} = \frac{f/G_{\alpha}}{H/G_{\alpha}} = \frac{f}{H}$$

$$S_n = \frac{n_0}{N_0} = \frac{f/G_{\alpha}}{H} = \frac{f}{HG_{\alpha}}$$

$$S_{P.P} = \frac{f}{O_P} = \frac{f}{H/G_{\alpha}} = \frac{fG_{\alpha}}{H}$$

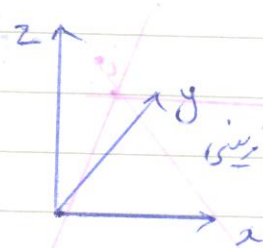
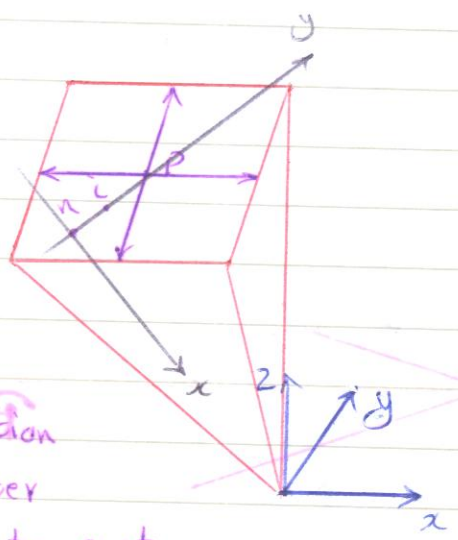
بر علت این تغییر مقیاس در نقطه ای iso center به مقیاس در مقیاس برابر است، مقیاس ما هم که از این میگذرد

$$S_{\alpha} = \frac{A_0}{A \cdot O} = \frac{f/G_{\beta}}{H/G_{\alpha}(\alpha + \beta)} = \frac{f}{H} (G_{\alpha} - \sin \alpha \tan \beta)$$

$$= \frac{f}{H} G_{\alpha} (1 + \frac{r}{f} \tan \beta)$$

نسبت به این محور تر باشد یا عمود تر

خطی بی شخم - ابر - ابل - ۸۶

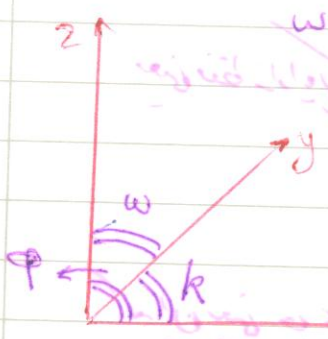


projection isocenter coordinate system

مختصات کا زمین مرکز عدسی در بین نسبت به سیستم زمینی

$$AIP = WZG \leftarrow \begin{matrix} x \\ y \\ z \end{matrix} \leftarrow \begin{matrix} x \\ y \\ z \end{matrix} \leftarrow \begin{matrix} x \\ y \\ z \end{matrix}$$

$\omega, \phi, k$  و  $t, \alpha$



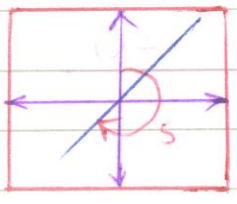
$\alpha$ : azimuth -  $\beta = \angle AIP = \phi + \omega = \angle IAP + \angle IAP$   
 $t$ : tilt

s.a.m



$$\begin{pmatrix} \omega \\ \phi \\ k \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} x_s \\ y_s \\ z_s \end{pmatrix}$$

exterior orientation parameters  
space resection parameters

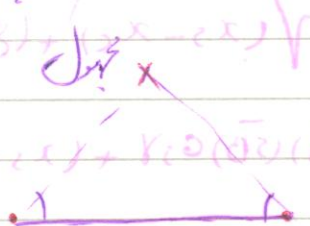
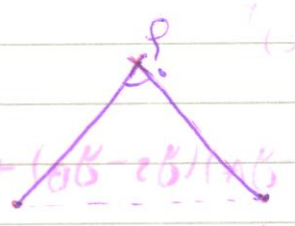


\* اگر فقط  $\omega$  داده شده باشد، خط بزرگ ترین شیب منطبق است بر محور  $y$

اگر فقط  $\phi$  داده شده باشد، خط بزرگ ترین شیب منطبق است بر محور  $x$

فازدیدی از محوریت درخت تراشیدی: برای این بین تصویر افقی خط بزرگ ترین شیب با محور  $y$  منطبق

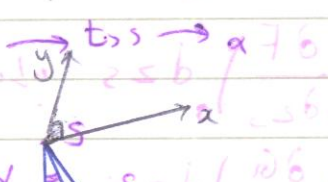
\* ارتباط دو فضای سه بعدی همیشه با ۳ المان است: ۱- آن انتقال و ۲- آن دوران است.



# روش کلاسیک

حال می خواهیم المان های ترجمه خاصی را به روش CHURCH می بینیم:

$$\begin{pmatrix} x_s \\ y_s \\ z_s \end{pmatrix}$$

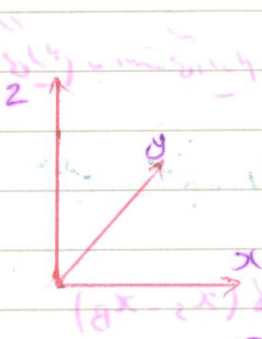


$$G_{\alpha, \beta} = \frac{x_a x_b + y_a y_b + f^r}{(\bar{s}_a)(\bar{s}_b)}$$

$$G_{\alpha, \beta} = \frac{x_a x_c + y_a y_c + f^r}{(\bar{s}_a)(\bar{s}_c)}$$

$$G_{\alpha, \beta} = \frac{x_b x_c + y_b y_c + f^r}{(\bar{s}_b)(\bar{s}_c)}$$

$$s_a = \sqrt{x_a^r + y_a^r + f^r}$$



$$s_b = \sqrt{x_b^r + y_b^r + f^r}$$

$$s_c = \sqrt{x_c^r + y_c^r + f^r}$$

$$G_{\gamma} = \frac{(x_s - x_A)(x_s - x_B) + (y_s - y_A)(y_s - y_B) + (z_s - z_A)(z_s - z_B)}{(\bar{s}_A)(\bar{s}_B)}$$

$$G_{\beta} = \frac{(x_s - x_A)(x_s - x_C) + (y_s - y_A)(y_s - y_C) + (z_s - z_A)(z_s - z_C)}{(\bar{s}_A)(\bar{s}_C)}$$

$$G_{\delta} = \frac{(x_s - x_B)(x_s - x_C) + (y_s - y_B)(y_s - y_C) + (z_s - z_B)(z_s - z_C)}{(\bar{s}_B)(\bar{s}_C)}$$

$$S_A = \sqrt{(x_s - x_A)^2 + (y_s - y_A)^2 + (z_s - z_A)^2}$$

$$S_B = \sqrt{(x_s - x_B)^2 + (y_s - y_B)^2 + (z_s - z_B)^2}$$

$$S_C = \sqrt{(x_s - x_C)^2 + (y_s - y_C)^2 + (z_s - z_C)^2}$$

$$F = (\bar{s}_A)(\bar{s}_B)G_{\gamma} + (x_s - x_A)(x_s - x_B) + (y_s - y_A)(y_s - y_B) + (z_s - z_A)(z_s - z_B)$$

$$G = (\bar{s}_A)(\bar{s}_C)G_{\beta} + (x_s - x_A)(x_s - x_C) + (y_s - y_A)(y_s - y_C) + (z_s - z_A)(z_s - z_C)$$

$$H = (\bar{s}_B)(\bar{s}_C)G_{\delta} + (x_s - x_B)(x_s - x_C) + (y_s - y_B)(y_s - y_C) + (z_s - z_B)(z_s - z_C)$$

صفتی شرط متوازن

$$F = F_0 + \left(\frac{\partial F}{\partial x_s}\right)_0 dx_s + \left(\frac{\partial F}{\partial y_s}\right)_0 dy_s + \left(\frac{\partial F}{\partial z_s}\right)_0 dz_s$$

$$G = G_0 + \left(\frac{\partial G}{\partial x_s}\right)_0 dx_s + \left(\frac{\partial G}{\partial y_s}\right)_0 dy_s + \left(\frac{\partial G}{\partial z_s}\right)_0 dz_s$$

$$H = H_0 + \left(\frac{\partial H}{\partial x_s}\right)_0 dx_s + \left(\frac{\partial H}{\partial y_s}\right)_0 dy_s + \left(\frac{\partial H}{\partial z_s}\right)_0 dz_s$$

طبیعی ششم - آبن - ۱۴ =

$$\frac{\partial F}{\partial x_s} = (x_s - x_B) + (x_s - x_A) \left[ \frac{S_B}{S_A} G_{\gamma} (x_s - x_A) - \frac{S_A}{S_B} G_{\gamma} (x_s - x_B) \right]$$

$$= \left[ 1 - \left(\frac{S_B}{S_A}\right) G_{\gamma} \right]_0 (x_s - x_A)_0 + \left[ 1 - \left(\frac{S_A}{S_B}\right) G_{\gamma} \right]_0 (x_s - x_B)_0 \quad (a_{11})$$

s.a.m



$$\frac{\partial F}{\partial y_s} = \left[ 1 - \left( \frac{S_B}{S_A} \right) G_s \gamma \right]_0 (y_s - y_A)_0 + \left[ 1 - \left( \frac{S_A}{S_B} \right) G_s \gamma \right]_0 (y_s - y_B)_0 \quad (a_{1r})$$

$$\frac{\partial F}{\partial z_s} = \left[ 1 - \left( \frac{S_B}{S_A} \right) G_s \gamma \right]_0 (z_s - z_A)_0 + \left[ 1 - \left( \frac{S_A}{S_B} \right) G_s \gamma \right]_0 (z_s - z_B)_0 \quad (a_{1r})$$

$$\frac{\partial G}{\partial x_s} = \left[ 1 - \left( \frac{S_C}{S_A} \right) G_s \beta \right]_0 (x_s - x_A)_0 + \left[ 1 - \left( \frac{S_A}{S_C} \right) G_s \beta \right]_0 (x_s - x_C)_0 \quad (a_{1r})$$

$$\frac{\partial G}{\partial y_s} = \left[ 1 - \left( \frac{S_C}{S_A} \right) G_s \beta \right]_0 (y_s - y_A)_0 + \left[ 1 - \left( \frac{S_A}{S_C} \right) G_s \beta \right]_0 (y_s - y_C)_0 \quad (a_{1r})$$

$$\frac{\partial G}{\partial z_s} = \left[ 1 - \left( \frac{S_C}{S_A} \right) G_s \beta \right]_0 (z_s - z_A)_0 + \left[ 1 - \left( \frac{S_A}{S_C} \right) G_s \beta \right]_0 (z_s - z_C)_0 \quad (a_{1r})$$

$$\frac{\partial H}{\partial x_s} = \left[ 1 - \left( \frac{S_C}{S_B} \right) G_s \alpha \right]_0 (x_s - x_B)_0 + \left[ 1 - \left( \frac{S_B}{S_C} \right) G_s \alpha \right]_0 (x_s - x_C)_0 \quad (a_{1r})$$

$$\frac{\partial H}{\partial y_s} = \left[ 1 - \left( \frac{S_C}{S_B} \right) G_s \alpha \right]_0 (y_s - y_B)_0 + \left[ 1 - \left( \frac{S_B}{S_C} \right) G_s \alpha \right]_0 (y_s - y_C)_0 \quad (a_{1r})$$

$$\frac{\partial H}{\partial z_s} = \left[ 1 - \left( \frac{S_C}{S_B} \right) G_s \alpha \right]_0 (z_s - z_B)_0 + \left[ 1 - \left( \frac{S_B}{S_C} \right) G_s \alpha \right]_0 (z_s - z_C)_0 \quad (a_{1r})$$

$$\begin{pmatrix} k_r \\ k_r \\ k_r \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{1r} & a_{1r} \\ a_{r1} & a_{rr} & a_{rr} \\ a_{r1} & a_{rr} & a_{rr} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} dx_s \\ dy_s \\ dz_s \end{pmatrix}$$

معادلات مقادیر اولیه

$$k_r = F_0 = \left\{ (S_A)(S_B) G_s \gamma - (x_s - x_A)(x_s - x_B) - (y_s - y_A)(y_s - y_B) - (z_s - z_A)(z_s - z_B) \right\}_0$$

$$k_r = G_0 = \left\{ (S_A)(S_C) G_s \beta - (x_s - x_A)(x_s - x_C) - (y_s - y_A)(y_s - y_C) - (z_s - z_A)(z_s - z_C) \right\}_0$$

$$k_r = H_0 = \left\{ (S_B)(S_C) G_s \alpha - (x_s - x_B)(x_s - x_C) - (y_s - y_B)(y_s - y_C) - (z_s - z_B)(z_s - z_C) \right\}_0$$

نوشتن برنامبرای محاسبه  $\gamma$  و  $\beta$  و  $\alpha$  در  $(x_s, y_s, z_s)$

1- توابع کمالات معکوس در معادلات فوق الذکر به هم حلشده و معادله  $\gamma$  و  $\beta$  و  $\alpha$  در  $(x_s, y_s, z_s)$  به دست می آید [در مبدا از طریق مابعد]

معادله  $\gamma$  و  $\beta$  و  $\alpha$  در  $(x_s, y_s, z_s)$  به دست می آید



$$\begin{pmatrix} x_A \\ y_A \\ x_B \\ y_B \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_a & -y_a & 1 & 0 \\ y_a & x_a & 0 & 1 \\ x_b & -y_b & 1 & 0 \\ y_b & x_b & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} x_s \\ y_s \end{pmatrix}$$

$Z_s = \lambda f + \Delta h$

ارتفاع متوسط زمین از سطح سبنا

$$\begin{pmatrix} k_1 \\ k_r \\ k_c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{1r} & a_{1c} \\ a_{r1} & a_{rr} & a_{rc} \\ a_{c1} & a_{cr} & a_{cc} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ds_x \\ ds_y \\ ds_z \end{pmatrix}$$

$a_{11}, a_{1c}, \dots, a_{rr}$

$k_1, k_r, k_c$

نسبت‌های

اینست برای بیان این مقدار را بوسیله می‌دانیم و همیشه از سه مختصات حل کرده.

نسبت‌های درجه اول  $dx, dy, dz$  و درجه دوم  $ds_x, ds_y, ds_z$  در دایره

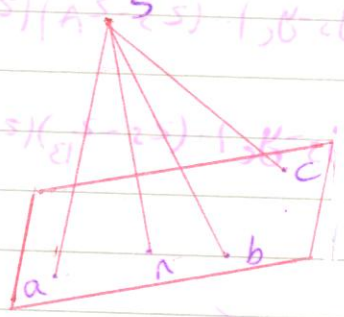
مشروط برای نتواند ارتفاع  $\rightarrow$  ۱۲ بار هم تکرار، مثلاً ۱ بار

نقشه را به بیرون از آن حد الزامی است.

interpolation

extrapolation

نقطه بیرون از محدوده معلوم استفاده می‌شود، دقت برابر نیست با نقاط داخل، ولی فقط خارج



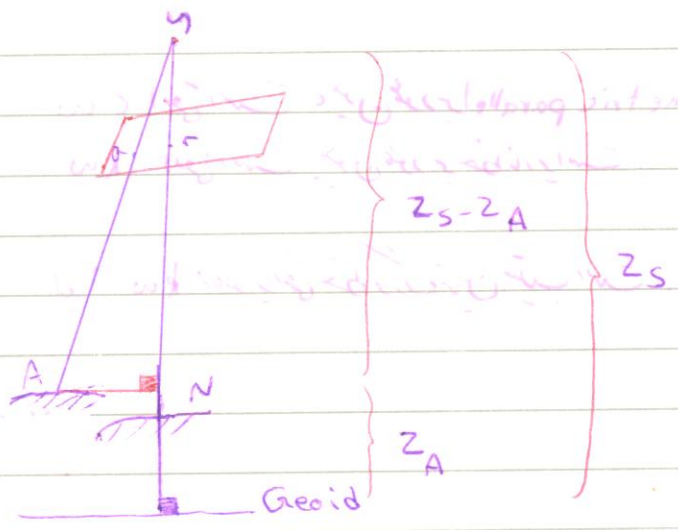
$$G_{nsa} = \frac{x_a x_n + y_a y_n + f^r}{(s_a)(s_n)}$$

$$G_{nsb} = \frac{x_b x_n + y_b y_n + f^r}{(s_b)(s_n)}$$

$$G_{nsc} = \frac{x_c x_n + y_c y_n + f^r}{(s_c)(s_n)}$$

$(s_n) = \sqrt{x_n^2 + y_n^2} + f^r$

s.a.m



$$\hat{G}_{s n \hat{s} a} = \frac{Z_s - Z_A}{(\bar{s} a)}$$

$$\hat{G}_{s n \hat{s} b} = \frac{Z_s - Z_B}{(\bar{s} b)}$$

$$\hat{G}_{s n \hat{s} c} = \frac{Z_s - Z_c}{(\bar{s} c)}$$

$$(\bar{s} n) = \frac{x_a x_n + y_a y_n + f^r}{(\bar{s} a) \hat{G}_{s n \hat{s} a}}$$

$$(\bar{s} n) = \frac{x_b x_n + y_b y_n + f^r}{(\bar{s} b) \hat{G}_{s n \hat{s} b}}$$

$$(\bar{s} n) = \frac{x_c x_n + y_c y_n + f^r}{(\bar{s} c) \hat{G}_{s n \hat{s} c}}$$

بیا رومرادی اول را مساوی قرار می دهیم

دو رومرادی دوم را در هم می بینیم

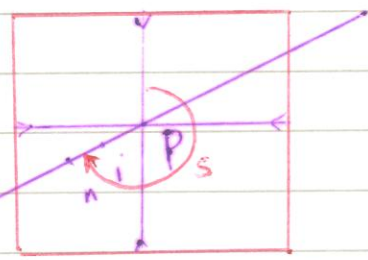
در جدول به دست می آید اول می بینیم

$$I) \left[ \frac{x_a}{(\bar{s} a) \hat{G}_{s n \hat{s} a}} \quad \frac{y_a}{(\bar{s} a) \hat{G}_{s n \hat{s} a}} \right] x_n + \left[ \frac{x_b}{(\bar{s} b) \hat{G}_{s n \hat{s} b}} \quad \frac{y_b}{(\bar{s} b) \hat{G}_{s n \hat{s} b}} \right] y_n = \frac{f^r}{(\bar{s} b) \hat{G}_{s n \hat{s} b}}$$

$$II) \left[ \frac{x_b}{(\bar{s} b) \hat{G}_{s n \hat{s} b}} \quad \frac{x_c}{(\bar{s} c) \hat{G}_{s n \hat{s} c}} \right] x_n + \left[ \frac{y_b}{(\bar{s} b) \hat{G}_{s n \hat{s} b}} \quad \frac{y_c}{(\bar{s} c) \hat{G}_{s n \hat{s} c}} \right] y_n = \frac{f^r}{(\bar{s} c) \hat{G}_{s n \hat{s} c}}$$

$$t = \text{tg}^{-1} \left[ \frac{\sqrt{x_n^2 + y_n^2}}{f} \right]$$

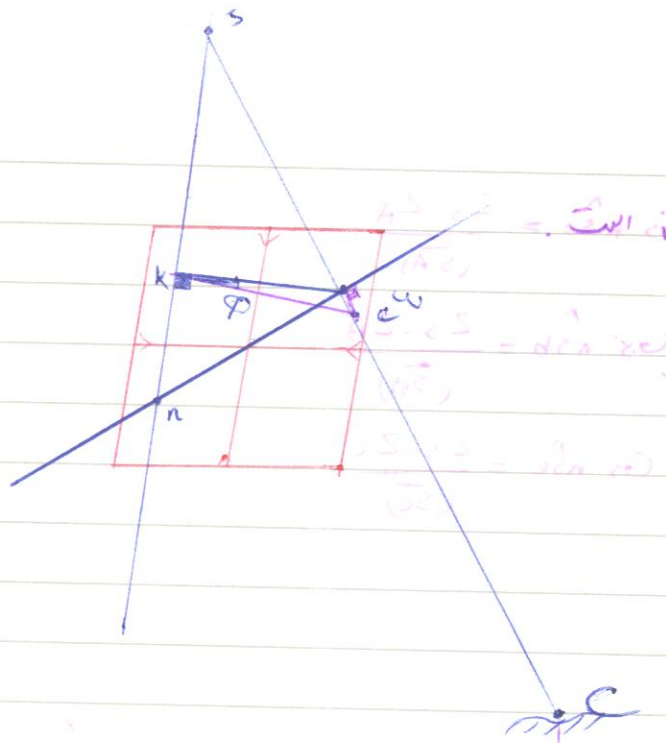
$$\beta = \alpha_0 + \text{tg}^{-1} \frac{x_n}{y_n}$$



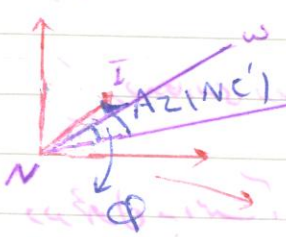
معمولی است

reflect displacement

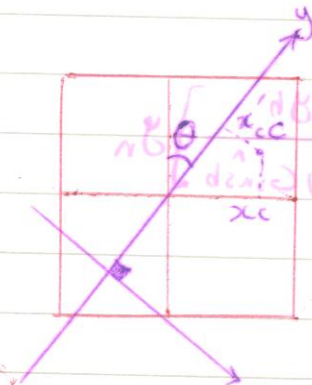




لذا  $kw$  افقی است چون عمود بر خط مذکور است.  
 پس  $k$  عمود بر  $w$  است.  $k \cdot w = 0$   
 پس  $k$  عمود بر  $w$  است.  $k \cdot w = 0$   
 پس  $k$  عمود بر  $w$  است.  $k \cdot w = 0$



لذا  $k$  عمود بر  $w$  است.  $k \cdot w = 0$



$$\begin{pmatrix} x_c \\ y_c \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_c \\ y_c \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0 \\ t \tan \theta \end{pmatrix}$$

$$\phi = \tan^{-1} \left( \frac{x_c}{kw} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{x_c}{y_c \cos \theta} \right)$$

$$\alpha = Az(NC') - \phi$$

$$\alpha = \frac{\alpha a + \alpha b + \alpha c}{3}$$



$$\alpha = \frac{\alpha a + \alpha b + \alpha c}{3}$$

relief displacement  
s.a.m

برای (ارتفاعی در کس قائم)



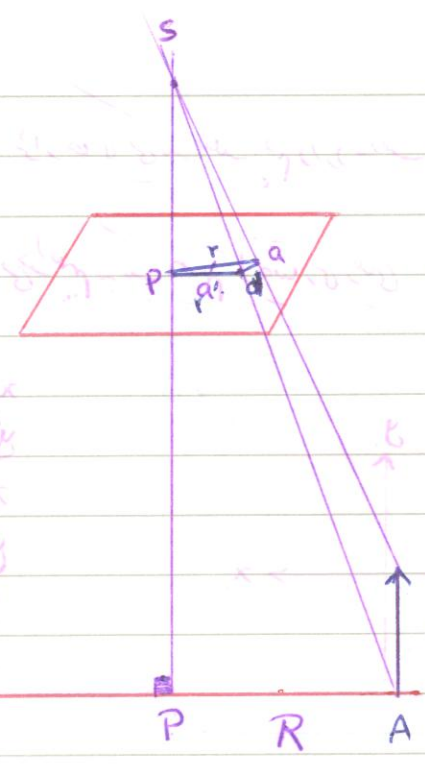
$\lambda = f(H, f, \text{tilt}, h_A) \Rightarrow \lambda_a' \neq \lambda_a$

$\lambda_a' = \frac{f}{H} \Rightarrow \lambda_a = \frac{f}{H - h_A}$

$$\left\{ \begin{array}{l} r = \frac{f}{R} \\ r' = \frac{f}{d} \end{array} \right. \Rightarrow r'H - r(H - h_A) = 0$$

$$\Rightarrow H(r - r') = rh_A \Rightarrow d = r \frac{h}{H} = h = \frac{dH}{r}$$

radial distance ← شعری شعاعی



تقریباً دقت اندازه گیری جای بی ارتفاعی با استفاده از روش فوق العاده است، اگر مختصات نقاط به دقت 10<sup>-4</sup> ارتفاع

تعمیر به دقت 2m و دقت عمس 2° و H = 150m

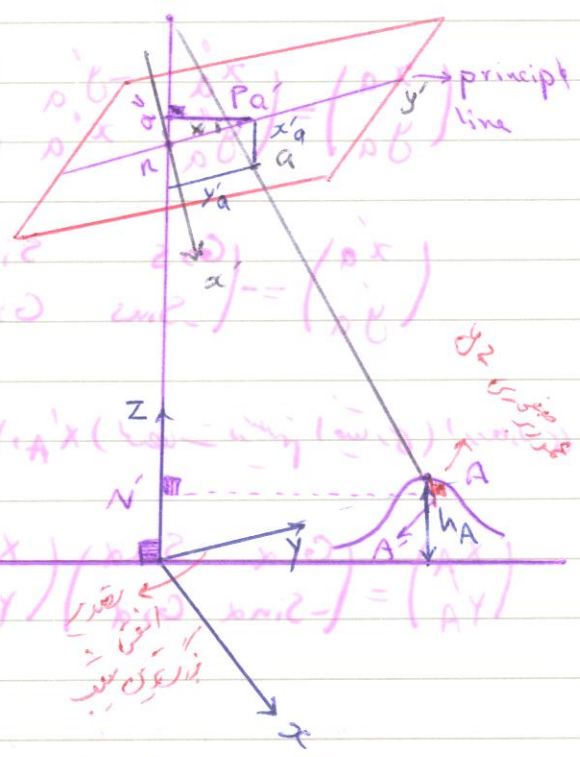
tilted photo - non-flat terrain

$\lambda_a = \frac{aa'}{AA'} = \frac{ca'}{CA'} = \frac{ca''}{CN'}$

$ca'' = c_n - a''_n \Rightarrow c_n = \frac{f}{\cos t}$

$\sin t = \frac{a''_n}{y_a} \Rightarrow a''_n = \sin t y_a$

$cn' = H - h_a \Rightarrow \lambda_a = \frac{f}{H - h_a}$

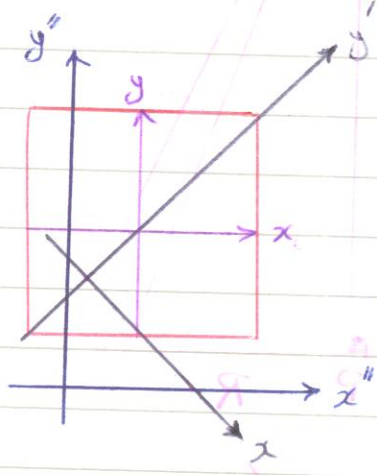


\* جای بی ارتفاعی از نقطه‌های نامرتب شعاعی است.

\* جای بی ارتفاعی را با استفاده از این اهمیت می‌توان بیابیم و با رصوفه نداشته و بار دیگر مقدار واقعی را.

میتوانیم از این سبب که در بین ترتیب اختلاف طول در نقطه برای شمارهای کمی به سبب نیم دارد به دست می آید.

\* حال می خواهیم سید را در مختصات محل کنیم به از این سیستم مختصاتی که می توانیم به سبب اختیاراتی بریم.



$$\begin{pmatrix} x_1'' \\ y_1'' \\ x_2'' \\ y_2'' \\ \vdots \\ x_n'' \\ y_n'' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \\ x_2 \\ y_2 \\ \vdots \\ x_n \\ y_n \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{pmatrix}$$

نقطه = مختصات  
 مختصات = مختصات  
 مختصات = مختصات  
 مختصات = مختصات

$$\begin{pmatrix} x_1 \\ y_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ y_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_1'' - y_1'' \\ \vdots \\ x_n'' - y_n'' \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} x_a \\ y_a \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_a'' \\ y_a'' \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} x_a' \\ y_a' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_a \\ y_a \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{pmatrix}$$

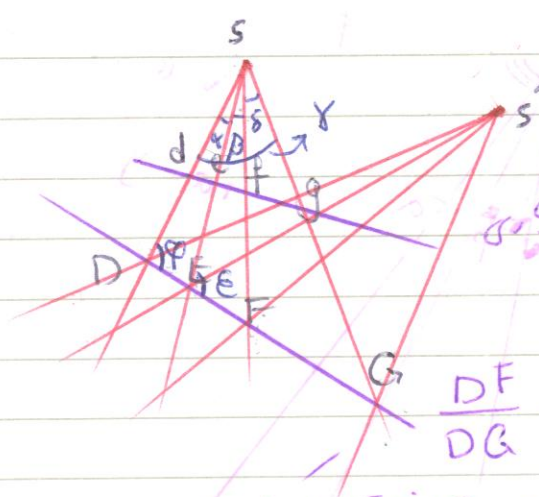
به استفاده از مختصات  $(x_A, y_A)$  به  $(x_A', y_A')$  در سیستم مختصاتی (اختیاری) از مختصات

$$\begin{pmatrix} x_A' \\ y_A' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_A \\ y_A \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \\ d \end{pmatrix}$$

زاویه  $\alpha$  (برابر)

برای سید در مختصات مختصاتی که می توانیم به سبب اختیاراتی بریم [مختصات مختصاتی که می توانیم به سبب اختیاراتی بریم]





قطب نقطه ای بر شعاع گذران سفا طح اند

این نسبت توانقی برابر است :  $\frac{df}{dg} \times \frac{eg}{ef} \rightarrow$  cross ratio  
 نسبت توانقی

این نسبت توانقی برای هر خط مستقیم برابر است :  $\frac{DF}{DG} \times \frac{EG}{EF}$

عکس تصویر هم صادق است. یعنی اگر قطب (معرض) بینم، باز هم نسبت این توانقی تغییر نمی کند.

$$\frac{df}{dg} \times \frac{eg}{ef} = \frac{DF}{DG} \times \frac{EG}{EF} = r$$

« این نسبت همیشه همواره یک عدد است »

1. D invariant

$$\frac{DF}{\sin \alpha} = \frac{sF}{\sin \phi} \Rightarrow DF = sF \frac{\sin \alpha}{\sin \phi}$$

$$DG = sG \frac{\sin \delta}{\sin \phi}$$

$$EG = sG \frac{\sin \delta}{\sin \epsilon}$$

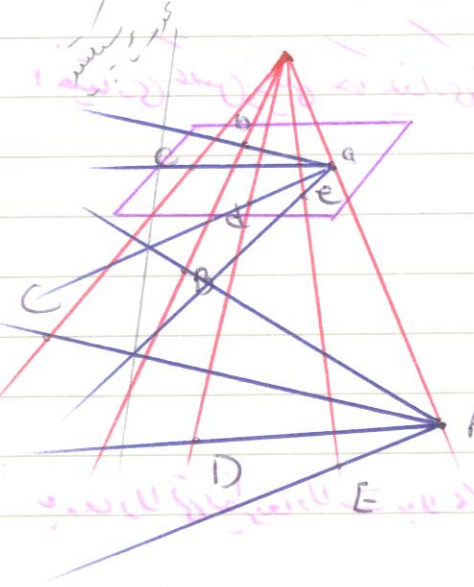
$$EF = sF \frac{\sin \beta}{\sin \epsilon}$$

$$\Rightarrow \frac{sF \sin \alpha}{sG \sin \delta} \times \frac{sG \sin \epsilon}{sF \sin \beta} = \frac{\sin \alpha \sin \epsilon}{\sin \delta \sin \beta}$$

یک عدد هم مستقل از طول است.

این نسبت برای هر شعاع ثابت است.

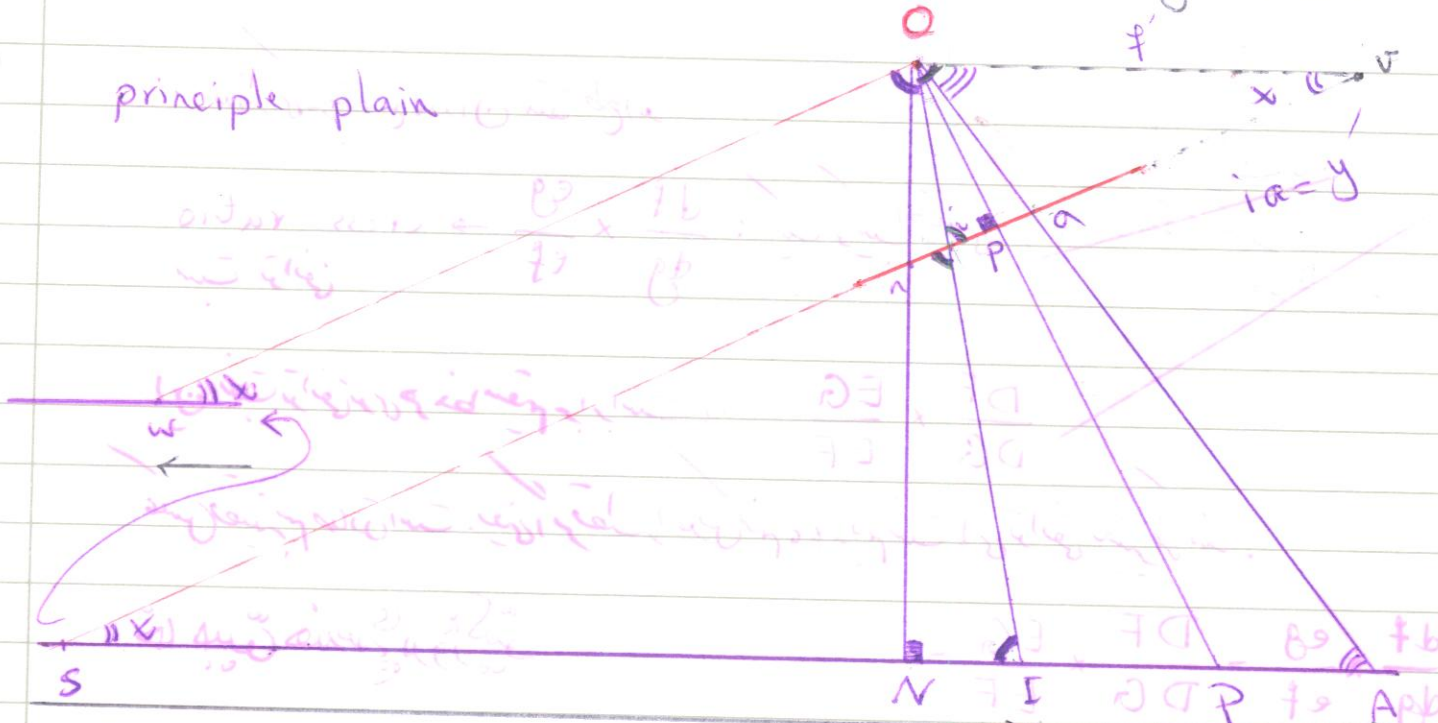
2. D invariant



$$\begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ y_1 & y_2 & y_3 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} \times \begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ y_1 & y_2 & y_3 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ y_1 & y_2 & y_3 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix} \times \begin{vmatrix} x_1 & x_2 & x_3 \\ y_1 & y_2 & y_3 \\ 1 & 1 & 1 \end{vmatrix}$$

s.a.m





$$\Delta \omega A \sim \Delta \alpha V_0 \Rightarrow \frac{\omega A}{\omega_0} = \frac{V_0}{V_a} \Rightarrow \frac{\gamma + l}{\omega_0} = \frac{f'}{f' - y'} \Rightarrow \gamma = \frac{ly'}{f' - y'}$$

$$\frac{x'}{x''} = \frac{oA}{o_0A} = \frac{\omega_0}{\omega_a} = \frac{l}{f' - y'} \Rightarrow x'' = \frac{l}{f' - y'} x' \quad \text{II}$$

این معادلات 2-D invariant است  
 اگر در معادلات I و II را جایگزین کنیم در معادلات زیر معادلات نظر داریم  
 اختیاری عین و عینی جایگزین کنیم معادلات 2-D invariant

$$\begin{pmatrix} x'' \\ y'' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} G_1 \cos \theta & \sin \theta \\ -\sin \theta & G_2 \cos \theta \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_0 \\ y_0 \end{pmatrix}$$

انتقال  
 مختصات در سیستم p-p  
 مختصات در سیستم کلی

به معادلاتی نظیر معادلات بالا سیستم اجزا عین و عینی را باید در نظر بگیریم و معادلات I و II مربوط کردیم پس به

s.a.m

معادله‌های شش معادله‌ای بالا در دو سیستم مختصات مختلف از یکدیگر به  $X$  و  $Y$  معادله‌های  $I$  و  $II$  مربوط می‌شوند و به یکدیگر در

$I$  و  $II$  به معادلات زیر می‌نویسیم:

$$X = \frac{a_1x + b_1y + c_1}{a_2x + b_2y + 1}, \quad Y = \frac{a_1x + b_1y + c_1}{a_2x + b_2y + 1}$$

در این دو معادله  $x$  و  $y$  مختصات نقاط در سیستم مختصات  $X$  و  $Y$  هستند. این معادلات معادلات

2-D invariant را می‌دهند. به این روش بدون استفاده از روش Church، مختصات عکس در سیستم برادر

سیستم  $X$  و  $Y$  به هم مربوط می‌شوند. فرمت این روش این است که برای هر نقطه  $p$  در  $p$  و  $p$  داریم.

\* به یاد داشته باشید که در این روش جای بی‌ارتباطی نمی‌گذارد. یعنی این روش فقط برای سیستم‌های انتقال است.

در ضمن در این روش تبدیل از فضای دو بعدی به فضای دو بعدی است. اما در روش Church تبدیل از فضای  $2$  بعدی

به فضای  $3$  بعدی انجام می‌شود.

حال معادلات فوق را به صورت ماتریسی می‌نویسیم:  $A$  (معادلات 2-D invariance)  $F$

$$\begin{pmatrix} X_1 \\ Y_1 \\ X_2 \\ Y_2 \\ \vdots \\ X_n \\ Y_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_1 & 0 & -x_1 X_1 & y_1 & 0 & -y_1 X_1 & 1 & 0 \\ 0 & x_1 & -x_1 Y_1 & 0 & y_1 & -y_1 Y_1 & 0 & 1 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ x_n & 0 & -x_n X_n & y_n & 0 & -y_n X_n & 1 & 0 \\ 0 & x_n & -x_n Y_n & 0 & y_n & -y_n Y_n & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a_1 \\ a_2 \\ a_3 \\ b_1 \\ b_2 \\ b_3 \\ c_1 \\ c_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$$

8-parameter projection

2-D invariance

الگوریتم 6 موردی برای حل معادلات  
 $1d + 2d + 1d = 1d + 2d + 1d = 4d$   
 $1d + 2d + 1d = 4d$   
 s.a.m



۱- قرابت محضات عکسی نقاط نسبتاً بیابان سیستم اجباری

۲- قرابت محضات زمینی (GCP) چون نقاط در یک سیستم اجباری زمینی

۳- تشکیل معادله برای F و A

$$A^T A X = A^T F$$

۴- تشکیل معادله برای F

$$X = (A^T A)^{-1} A^T F$$

۵- حل معادله برای F

۶- ذره‌های ضرایب بردار نسبت به بردارهای

تقاطع

۷- قرابت ضرایب انتقال متوسط

۸- قرابت محضات عکسی برپنظری اجباری

۹- سبب محضات اجباری زمینی

\* ضرایب بردار نسبت به بردارهای church

$$a_l = \frac{-l G_s (s - \alpha) + X_t \sin s}{f' - y_t}, \quad a_r = \frac{l \sin (s - \alpha) + X_t \sin s}{f' - y_t}$$

$$b_l = \frac{l \sin (s - \alpha) + Y_t G_{ss}}{f' - y_t}, \quad b_r = \frac{-l G_s (s - \alpha) + Y_t G_{ss}}{f' - y_t}$$

$$c_l = \frac{-l [X_t G_{s\alpha} + Y_t \sin \alpha]}{f' - y_t} + X, \quad c_r = \frac{-l [X_t \sin \alpha - Y_t G_{s\alpha}]}{f' - y_t} + Y$$

$$a_r = \frac{\sin s}{f' - y_t}, \quad b_r = \frac{G_{ss}}{f' - y_t}, \quad t_{gs} = \frac{a_r}{b_r}$$

$$f' - y_t = + (a_r r + b_r r) \cdot 1/r$$

$$X_T = \frac{a_r r (a_l - b_l) + b_r (a_r + b_l)}{a_r r + b_r r}$$

s.a.m

$$a_r r + b_r r$$



$$y_T = \frac{a_r(a_r + b_i) - b_r(a_i - b_r)}{a_r^2 + b_r^2}$$

$$\text{tg}(s - \alpha) = \frac{a_r(a_r b_i - b_r a_i) + b_r(a_r b_r - b_r a_r)}{a_r(-a_r b_r + b_r a_r) + b_r(a_r b_i - b_r a_i)}$$

$$d = (f - g t) \left[ \frac{a_r(a_r b_i - b_r a_i) + b_r(a_r b_r - b_r a_r)}{\sin(s - \alpha)} \right]$$

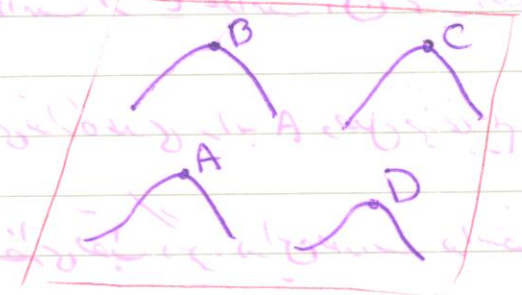
$$x_t = \frac{f - g t}{d} [(C_1 - X_T) \cos \alpha - (C_2 - Y_T) \sin \alpha]$$

$$y_t = \frac{f - g t}{d} [(C_1 - X_T) \sin \alpha + (C_2 - Y_T) \cos \alpha]$$

$$\sin t = \frac{f}{d}$$

تمرین: چه نقطه‌ی کنترل زمین داریم در دایره‌های ارتفاعی هستند و کی زمین سطح است. از این منطبق معس برداشته ایم و مختصات معسی این چه نقطه‌ها اند از دایره‌های ارتفاعی زمین نقاط کنترل را صحیح کرده از معادلات برداشت کرده برای بدست آوردن دایره‌های ارتفاعی زمین.

$$A \begin{pmatrix} X_A \\ Y_A \\ Z_A \end{pmatrix}, \quad B \begin{pmatrix} X_B \\ Y_B \\ Z_B \end{pmatrix}, \quad C \begin{pmatrix} X_C \\ Y_C \\ Z_C \end{pmatrix}, \quad D \begin{pmatrix} X_D \\ Y_D \\ Z_D \end{pmatrix}$$



rectification

تصحیح

روش مداره‌های: در این قسمت می‌خواهیم به پیش فرض اینها را برداریم و بعضی زمین سطح است.

s.a.m